

Problemas de Repaso para Primer Parcial

FÍSICA II

Calorimetría

Ejercicio 1)

En el interior de un calorímetro ideal de paredes rígidas y adiabáticas hay una masa de agua $m_1 = 100$ g a $t_{01} = 25$ °C y una masa de hielo de agua $m_2 = 200$ g a $t_{02} = 0$ °C, todo a presión atmosférica normal.

- a) ¿Qué cantidad de vapor de agua a 100 °C hay que inyectar para que todo el conjunto quede a 100 °C en estado líquido? Datos: $c_{\text{agua}} = 4.180$ J/kg.K, $c_{\text{hielo}} = 2.090$ J/kg.K, $l_{\text{vaporización}} = 2,26$ MJ/kg, $l_{\text{fusión}} = 334$ kJ/kg.
- b) Explique el concepto de equivalente en agua de un calorímetro.

Ejercicio 2: a) Una pared de $0,8$ m² de superficie, 15 cm de espesor y conductividad térmica $\lambda = 0,3$ W/m.K, separa una mezcla de hielo y agua, a 0 °C y presión normal, de una fuente térmica a cierta temperatura T . Considere que la mezcla de hielo y agua sólo intercambia calor con la fuente térmica y lo hace a través de la pared. Al alcanzar el régimen estacionario, se funden 150 g de hielo cada 25 minutos. El calor latente de fusión del hielo es $L_f = 334$ kJ/kg. Calcule la temperatura T .

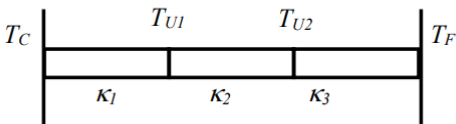
b) Justifique si es posible la existencia de una máquina frigorífica que trabaje entre una fuente caliente a 80 °C y otra fría a 0 °C, y que sea tal que al entregarle un trabajo de 650 J extraiga 2600 J de calor de la fuente fría.

Transmisión del Calor:

Ejercicio 1) Dos paredes planas, paralelas y muy extensas (modelo infinito), se encuentran respectivamente a temperaturas $T_1 = 600$ K y $T_2 = 200$ K. El espacio entre las paredes contiene aire y el área de las mismas es A . El coeficiente de convección entre las paredes y el aire es $h = 8$ W.m⁻².K⁻¹. Suponga que las paredes son cuerpos negros ideales. Considere que, en el rango de temperaturas indicado, las moléculas de aire no emiten ni absorben cantidades significativas de radiación térmica y que tampoco es significativa la conductividad térmica. (La constante de Stefan-Boltzmann se puede aproximar a $5,67 \cdot 10^{-8}$ W/m² K⁴). Considere al sistema en régimen estacionario y calcule:

- a) la temperatura del aire contenido entre las paredes;
- b) el calor total transmitido entre las paredes por unidad de tiempo y superficie.

Ejercicio 2: Las tres barras de la figura tienen igual longitud ℓ e igual sección S . La relación entre sus conductividades térmicas es $\kappa_1 = 2\kappa_2 = 4\kappa_3$. Las fuentes térmicas tienen temperaturas T_F y $T_C > T_F$ respectivamente, y las uniones se hallan a temperaturas T_{U1} y T_{U2} , respectivamente. Si no hay pérdidas laterales de calor, halle:



- a) la resistencia térmica equivalente del conjunto (en términos de la conductividad κ_3 , la sección S y la longitud ℓ);

b) la temperatura T_{U1} de la unión, en términos de T_C y T_{U2} , suponiendo régimen estacionario de transmisión del calor.

Termodinámica – Primer y Segundo Principio y Máquinas Térmicas:

Ejercicio 1) Un mol de un gas ideal evoluciona desde un estado A hasta un estado B, reversible e isotérmicamente. Se enfría mediante una transformación BC reversible e isocórica, y completa el ciclo mediante una compresión adiabática reversible CA. Se sabe que $P_A = 2 \cdot 10^5$ Pa, $P_B = 5 \cdot 10^4$ Pa; $V_A = 0,02$ m³. ($c_p = 5R/2$; $R = 8,314$ J/molK)

- a) Indique si el ciclo ABCA es motor o frigorífico y calcule el rendimiento motor o la eficiencia frigorífica según corresponda.
- b) Si el tramo de enfriamiento isocórico BC fuera irreversible, calcule la variación de la energía interna del ciclo irreversible ABCA.

Ejercicio 2: Un mol de un gas ideal diatómico describe un ciclo motor de Carnot en el que la temperatura más elevada es 227 °C, el trabajo en la expansión adiabática es 4157 J y el calor absorbido durante la expansión isotérmica es 100 J. Determine ($c_v = 5R/2$; $R = 8,314$ J/(mol K):

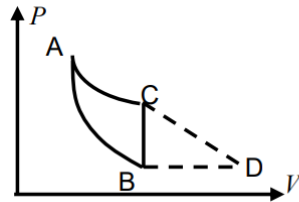
- a) La temperatura más baja del ciclo;
- b) El calor entregado al medio ambiente durante la compresión isotérmica.

Ejercicio 3: Un sistema, compuesto por n moles de un gas ideal, evoluciona en forma isobárica cuasiestática desde el estado A hasta el B. El trabajo termodinámico del sistema en dicha evolución es $W_{AB} = 600 \text{ J}$. Calcule la cantidad de calor Q_{AB} que el sistema intercambia con el medio, considerando que su calor específico molar a presión constante es $c_p = 5R/2$.

Ejercicio 4: El gráfico muestra la evolución ABCA de 3 moles de un gas ideal diatómico ($c_p = 7R/2$; $R = 8,314 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$). La transformación AB es adiabática, en tanto que la transformación CA es isoterma. El volumen del estado B es el doble del volumen del estado A.

a) Calcule el calor intercambiado por el gas en la transformación BC (en función de T_A);

b) Suponga que en las condiciones anteriores se lleva el gas del estado B al estado D, a presión constante, duplicando su volumen, y luego al estado C, como se muestra en líneas rectas de guiones. Calcule el trabajo BDC suponiendo que la temperatura del estado A fuera $T_A = 600 \text{ K}$.



Ejercicio 5)

Tres moles de gas ideal, $c_v = 5R/2$, se comprimen en forma adiabática desde un estado A, con una temperatura $T_A = 250 \text{ K}$, hasta el estado B, con temperatura $T_B = 300 \text{ K}$. Calcule:

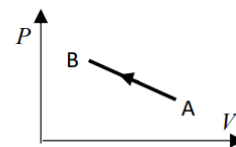
- a) El trabajo hecho por el gas en la evolución AB.
- b) La presión que tendría el estado B, si la presión del estado A fuese $P_A = 100 \text{ kPa}$ y la evolución fuese adiabática y cuasiestática.

$$(R = 8,314 \text{ J}\cdot\text{mol}^{-1}\cdot\text{K}^{-1})$$

Ejercicio 6:

Cuando 2 moles de un gas ideal ($c_v = 3R/2$) evolucionan desde el estado A hasta el B de la figura, su energía interna disminuye en $3,24 \text{ kJ}$ y su temperatura se reduce a $2/3$ del valor inicial. Las presiones de los estados A y B son 130 kPa y 216 kPa , respectivamente.

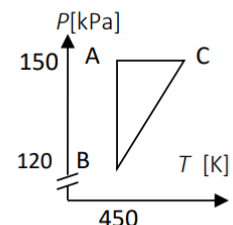
Calcule la cantidad de calor Q_{AB} que el sistema intercambia con el medio exterior. [$R = 8,31 \text{ J}/(\text{mol}\cdot\text{K})$]



Ejercicio 7: Una máquina térmica opera con tres moles de gas ideal ($R = 8,314 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$), que realizan el ciclo ABCA de la figura en el plano PT. La prolongación del segmento que representa a la evolución BC pasa por el origen de coordenadas.

a) Calcule el calor intercambiado por el gas en todo el ciclo, indicando si es recibido o cedido por el mismo.

b) Respecto del ciclo de la figura, indique cuál es la sentencia correcta



$W_{BC} > 0$	$U_{AB} < 0$	$Q_{AC} = Q_{ABC}$
$U_{ABC} > U_{AC}$	$W_{CICLO} = W_{CA} + Q_{AB}$	$\eta_{MAQUINA} = 1 - T_B / T_C$

Ejercicio 8: El gráfico muestra tres posibles transformaciones que puede realizar un gas ideal diatómico ($c_p = 7R/2$; $c_v = 5R/2$). La transformación AB es una isoterma, en tanto que AC es una adiabática. Se sabe que la temperatura en el estado C es $T_C = 4/5 T_A$.

a) halle la presión del estado C en términos sólo de la presión en A;

b) marque la aseveración correcta:

$Q_A = Q_C$ y $U_{ACB} = 0$	$Q_{AC} < Q_{AB}$ y $U_{ACB} = 0$
$W_{ABC} = W_{AB}$ y $Q_{ABC} = 0$	$W_{AB} > W_{AC}$ y $Q_{AB} = 0$
$Q_{AC} > 0$ y $U_{AC} > 0$	$Q_{ABC} = Q_{ACB}$ y $Q_{AB} > 0$

Ejercicio 9: El rendimiento térmico de un motor térmico real, que trabaja entre una fuente a 300 K y otra a 450 K, es igual a los 3/4 del máximo rendimiento correspondiente a esas temperaturas. Halle el trabajo que efectúa el motor real por cada 60 kJ de calor que cede a la fuente fría.

Ejercicio 10)

Una máquina térmica frigorífica trabaja entre dos fuentes de temperaturas $T_1 = 1600$ K y $T_2 = 800$ K. Si la cantidad de calor intercambiada con la fuente fría es $|Q_2| = 800$ J y $|W| = 200$ J es el trabajo que se le entrega en cada ciclo:

a) calcule la eficiencia de la máquina; b) Justifique si esta máquina es reversible, irreversible o imposible.

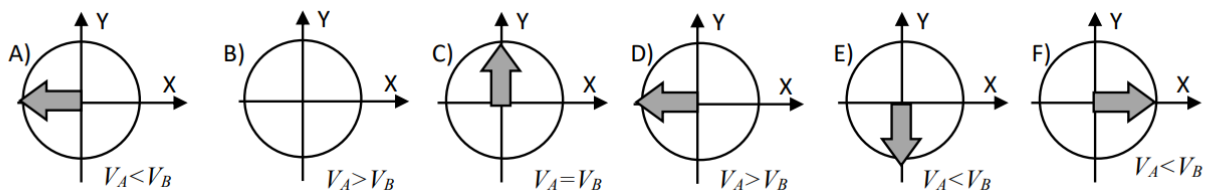
Electrostática, Dieléctricos y Capacidad Eléctrica:

Ejercicio 1) El potencial eléctrico V en una región del espacio está dado por $V = a x^2 + a y^2 - 2 a z^2$ [V; m] donde "a" es una constante. Si el trabajo realizado por la fuerza eléctrica sobre una carga puntual de $2 \mu\text{C}$ cuando se desplaza desde el punto $(0; 0; 0,1 \text{ m})$ hasta el origen es de $-5 \cdot 10^{-5}$ J, calcule la constante "a".

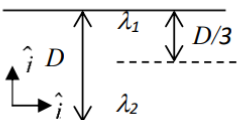
Ejercicio 2: El anillo de radio R de la figura, ubicado en el plano XY y con centro en el origen de coordenadas, está cargado con densidad lineal de carga $\lambda = \lambda_0 \cos \phi$ (con $\lambda_0 > 0$ y el ángulo ϕ medido positivamente en sentido antihorario a partir del semieje positivo de las X).

a) Calcule el potencial de la configuración, respecto del infinito, en todo punto del eje Z;

b) indique cuál de los siguientes gráficos corresponde a la configuración; la flecha representa la dirección y el sentido del vector campo electrostático E en el origen, la ausencia de flecha indica $|E| = 0$, V_A y V_B son los potenciales de los puntos A y B de coordenadas $(2R; 0; 0)$ y $(3R; 0; 0)$, respectivamente.



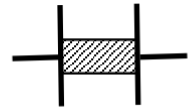
Ejercicio 3: Los dos alambres infinitos de la figura están cargados con densidades uniformes de carga λ_1 y λ_2 , respectivamente. El campo eléctrico de la configuración se anula en los puntos ubicados a distancia $D/3$ del alambre con densidad λ_1 . Halle la relación entre las densidades de carga λ_1 y λ_2 .



Ejercicio 4: Dos esferas conductoras concéntricas de radios r_A y $r_B > r_A$, están cargadas con carga opuestas $Q_A > 0$ y $Q_B < 0$, respectivamente ($Q_A = |Q_B|$). Se transporta una carga $q < 0$ desde la esfera interior (A) a la exterior (B). Si $W_{el,AB}$ representa el trabajo de la fuerza eléctrica para llevar la carga desde A hasta B, E representa el módulo del campo eléctrico, y C la capacidad entre los conductores, $k_0 = 1/4\pi\epsilon_0$, entonces (dos opciones son verdaderas)

	$V_A < V_B$ y $C = k_0^{-1} (r_A - r_B / r_A r_B)$		$E(r > r_A) = 0$ y $W_{el,AB} = k_0 q Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$
	$V_A > V_B$ y $C = k_0^{-1} Q_A (r_A r_B / r_A - r_B)$	X	$V_A > V_B$ y $C = k_0^{-1} (r_A r_B / r_B - r_A)$
X	$E(r > r_B) = 0$ y $W_{el,AB} = k_0 q Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$		$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{el,AB} > 0$
	$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{el,AB} < 0$		$E(r_A < r < r_B) = 0$ y $W_{el,AB} = -k_0 q Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$

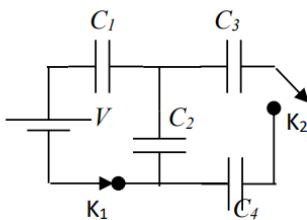
Ejercicio 5: Un capacitor plano, completamente cargado, tiene capacidad C_0 y el medio entre sus placas es el vacío. Se reduce a la mitad el área de las placas y se rellena la tercera parte del espacio entre ellas con un material dieléctrico de permitividad relativa $\epsilon_R = 10$ como muestra la figura. Halle la expresión de:



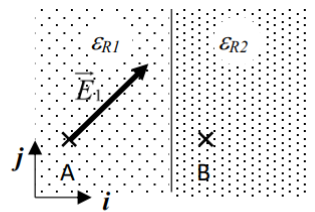
- la nueva capacidad C en función de C_0 ;
- el módulo del vector polarización eléctrica en cada región del capacitor en la configuración final, si se le aplica una diferencia de potencial V entre las placas y d es la distancia entre las mismas.

Ejercicio 6: La fuente de la figura entrega 12 V y los capacitores son todos iguales con capacidad $C = 2 \mu\text{F}$ y se hallan inicialmente descargados.

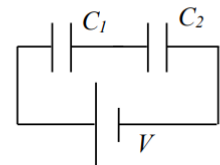
- Calcule la energía almacenada en el sistema con la llave K_1 cerrada y K_2 abierta.
- Una vez cargado C_2 , se abre la llave K_1 y luego se cierra K_2 . Calcule la carga final en cada capacitor.



Ejercicio 7: La figura muestra una región del espacio en la que hay dos materiales dieléctricos lineales, isotrópicos y homogéneos, de permitividades eléctricas relativas $\epsilon_{R1} = 3$ y $\epsilon_{R2} = 5$, separadas por una superficie plana. El campo electrostático dentro de cada material es uniforme y en el punto A es $\vec{E}_1 = (120; 160) \text{V/m}$. Calcule el vector desplazamiento eléctrico \vec{D}_2 en el punto B. ($\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \text{C}^2 \cdot \text{N}^{-1} \cdot \text{m}^{-2}$)

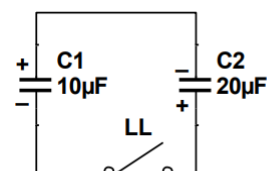


Ejercicio 8: Los capacitores $C_1 = 0,5 \mu\text{F}$ y $C_2 = 8 \mu\text{F}$ de la figura están conectados a una fuente de 100 V y entre las placas de C_1 hay vacío. Se desea que el conjunto tenga una capacidad igual a la mitad de C_2 . Calcule:



- El valor de la permitividad relativa (ϵ_r) del dieléctrico con el que se debe rellenar totalmente el espacio entre las placas de C_1 para lograr el objetivo.
- Si el espacio entre las placas de C_1 se llenase completamente de un dieléctrico de permitividad relativa $\epsilon_r = 12$ y se mantuviera conectado con C_2 a la misma fuente ¿cuál sería el valor absoluto de las cargas de polarización en la superficie del dieléctrico en contacto con una de las placas de C_1 ?

Ejercicio 9: Un capacitor $C_1 = 10 \mu\text{F}$ se conecta a una pila de 10 V y otro capacitor $C_2 = 20 \mu\text{F}$ a otra pila de 20 V. Luego se los desconecta de las pilas y se los dispone como muestra la figura. Calcule:

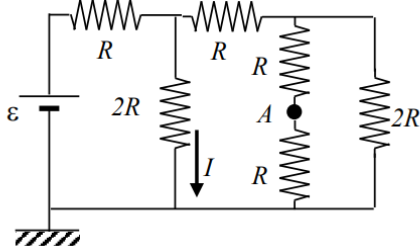


- la carga de C_1 y C_2 antes y después de cerrar la llave;
- la energía de la configuración antes y después de cerrar la llave.

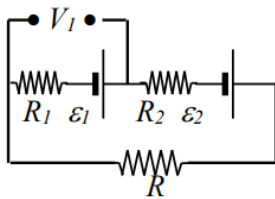
Electrodinámica:

Ejercicio 1)

El circuito de la figura está en régimen estacionario y para todos los resistores es $R = 1 \Omega$. La corriente en uno de los resistores de resistencia $2R$ tiene el sentido indicado y su intensidad es $I = 1 \text{ A}$. Determine el potencial del punto A respecto de tierra.



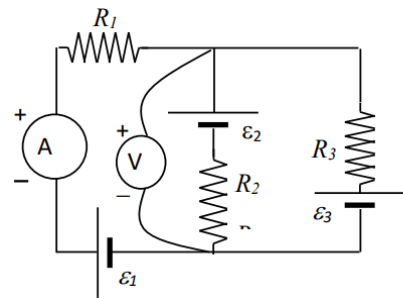
Ejercicio 2: Dos baterías tienen la misma fem pero diferentes resistencias internas R_1 y R_2 y se encuentran conectadas en serie a un resistor externo R . Halle la expresión de R , en función de R_1 y R_2 , para que la diferencia de potencial V_1 entre los terminales de la primera batería sea nula.



Ejercicio 3: El circuito de la figura se encuentra en régimen estacionario. Las fuentes, el voltímetro y el amperímetro son ideales. El amperímetro marca 2 A y el voltímetro 12 V. La polaridad de cada instrumento está señalada en la figura. Calcule:

- $R_1 = 3 \Omega$
- $R_2 = 4 \Omega$
- $\varepsilon_2 = 18 \text{ V}$
- $\varepsilon_3 = 16 \text{ V}$

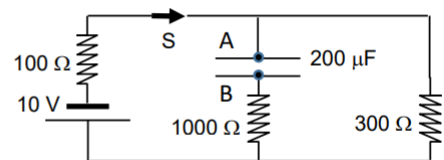
- a) La fuerza electromotriz ε_1 .
- b) El valor de la resistencia R_3 .



Ejercicio 4:

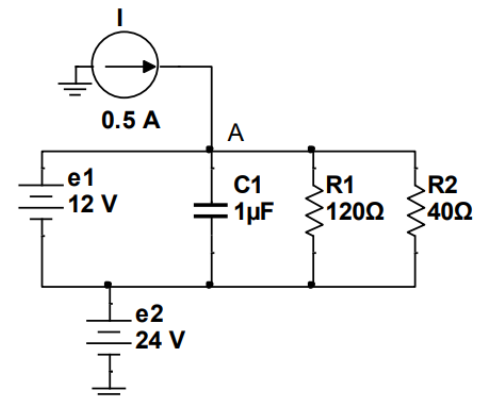
En el circuito de la figura, el interruptor S ha permanecido cerrado hasta lograr que el capacitor se encuentre completamente cargado.

- a) Calcule la carga en cada placa del capacitor, indicando cuál de ellas se halla a mayor potencial (A o B).
- b) Si ahora (en $t = 0$) se abre la llave, ¿cuánto tiempo debe transcurrir para que la carga del capacitor disminuya al 20 % del valor inicial?



Ejercicio 5: Para el circuito de la figura, en estado estacionario, calcule:

- a) la intensidad de la corriente en cada rama (tenga en cuenta la corriente de 0,5 A que ingresa desde tierra al nodo A),
- b) el potencial del punto A respecto de tierra.



Calorimetría

① En el interior de un calorímetro ideal de paredes rígidas y adiabáticas hay una masa de agua $m_1 = 100\text{g}$ a $t_1 = 25^\circ\text{C}$ y una masa de hielo de agua $m_2 = 200\text{g}$ a $t_2 = 0^\circ\text{C}$, todo a presión atmosférica normal.

a) ¿Qué cantidad de vapor de agua a 100°C hay que inyectar para que todo el conjunto quede a 100°C en estado líquido?

Dato: $c_{\text{agua}} = 4180 \text{ J/kgK}$ $c_{\text{hielo}} = 2090 \text{ J/kgK}$

$L_{\text{vap}} = 2,26 \text{ MJ/kg}$

$L_{\text{fusión}} = 334 \text{ kJ/kg}$

$T_F = 100^\circ$

$c_{\text{agua}} = 1 \text{ cal/g}^\circ\text{C}$

$c_{\text{hielo}} = 0,5 \text{ cal/g}^\circ\text{C}$

$L_{\text{vap}} = 542,4 \text{ cal/g}$

$L_F = 80,16 \text{ cal/g}$

$$\Sigma Q = 0 = \text{agua} = \text{liq de } 25 \text{ a } 100 + \overset{\text{latente}}{\text{vapor a liq}} + \overset{\text{latente}}{\text{sólido a liq}} + \overset{c_{\text{agua}}}{\text{liq de } 100}$$

$$0 \text{ cal} = c_{\text{agua}} \cdot m_1 \cdot (T_F - t_{0\text{agua}}) + (-L_{\text{vap}}) m_3 + L_{\text{fusión}} m_2 + c_{\text{agua}} m_2 (T_F - t_{0\text{hielo}}) =$$

$$= \frac{1 \text{ cal}}{g^\circ\text{C}} \cdot 100\text{g} (100 - 25)^\circ\text{C} - 542,4 \frac{\text{cal}}{g} m_3 + 80,2 \frac{\text{cal}}{g} 200\text{g} + \frac{1 \text{ cal}}{g^\circ\text{C}} \cdot 200\text{g} (100 - 0)^\circ\text{C}$$

$$= 7500 \text{ cal} - 542,4 \frac{\text{cal}}{g} m_3 + 16.040 \text{ cal} + 20.000 \text{ cal} = 33.540 \text{ cal} - 542,4 \frac{\text{cal}}{g} m_3$$

$$\Rightarrow 43540 \text{ cal} = 542,4 \frac{\text{cal}}{g} m_3 \Rightarrow \boxed{m_3 = 80,30\text{g}}$$

b) Explique el concepto de equivalente en agua de un calorímetro

Es una masa de agua ficticia que le corresponde la misma capacidad calorífica que la del calorímetro

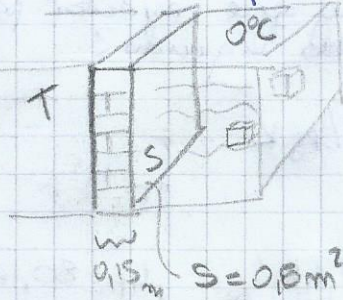
Masa de agua ficticia que absorbe o cede la misma cantidad de calor que TODOS los componentes del calorímetro para la misma variación de temp. que experimenta el conj. de todos los elementos

a) Una pared de $0,8 \text{ m}^2$ de sup., 15 cm de espesor y conductividad térmica $\lambda = 0,3 \text{ W/mK}$ separa una mezcla de hielo y agua, a 0°C y presión normal de una fuente térmica a cierta temperatura T

Considere que la mezcla de hielo y agua solo intercambia calor con la fuente térmica y lo hace a través de la pared

Al alcanzar el régimen estacionario se funden 150 g de hielo cada 25 min . El calor latente de fusión del hielo es $L_f = 334 \text{ kJ/kg}$

Calcule la temperatura T



$$m = 150 \text{ g}$$

$$t = 25 \text{ min} = 1500 \text{ seg}$$

$$\Phi = \frac{Q}{\Delta t}$$

$$Q = L_f \cdot m = 334 \frac{\text{J}}{\text{g}} \cdot 150 \text{ g} = 50.100 \text{ J} = Q$$

$$\Phi = \frac{50.100 \text{ J}}{1500 \text{ seg}} = 33,4 \text{ W} = \Phi$$

$$\Phi_{\text{cond}} = \lambda S \frac{\Delta T}{L} = 0,3 \frac{\text{W}}{\text{mK}} \cdot 0,8 \text{ m}^2 \cdot \frac{(T - 0^\circ\text{C})}{0,15 \text{ m}} = 33,4 \text{ W}$$

$$1,6 \cdot \frac{T}{^\circ\text{C}} = 33,4 \Rightarrow T = 20,88^\circ\text{C}$$

b) Justifique, si es posible la existencia de una máq. frigorífica que trabaje entre una fuente caliente a 80°C y otra fría a 0°C y que sea tal que al entregarle un trabajo de 650 J extraiga 2600 J de calor de la fuente fría.

$$T_c = 80^\circ\text{C} = 353^\circ\text{K}$$

$$T_f = 0^\circ\text{C} = 273^\circ\text{K}$$

$$e_{\text{carnot}} = \frac{T_{\text{frío}}}{T_{\text{cal}} - T_{\text{frío}}} = \frac{273^\circ\text{K}}{353^\circ\text{K} - 273^\circ\text{K}} = 3,41$$

$$W = 650 \text{ J}$$

$$Q_c = 2600 \text{ J}$$

$$e_{\text{carnot}} = 3,41 \quad (\text{ideal})$$

$$e_{\text{máq}} = \frac{Q_c}{W} = \frac{2600 \text{ J}}{650 \text{ J}} = 4$$

$e_{\text{máq}} > e_{\text{carnot}}$ ∴ No es una máq. real

Transmisión del calor

- 1) Dos paredes planas, paralelas y muy extensas (modelos infinito) se encuentran respectivamente a temp $T_1 = 600\text{K}$ y $T_2 = 200\text{K}$

El espacio entre las paredes contiene aire y el área de las mismas es A .

El coef. de convección entre las paredes y el aire es $h = \frac{8\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

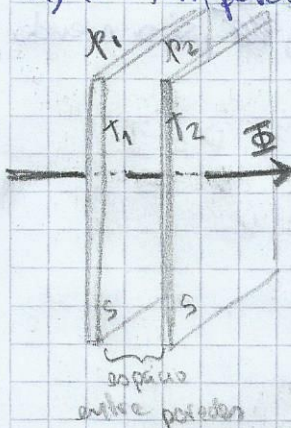
Suponga que las paredes son cuerpos negros ideales

Considere que, en el rango de temperaturas indicado, las moléculas de aire NO emiten ni absorben canti. significativas de radiación térmica y que tampoco es significativa la conductividad térmica.

(le const. de Stefan-Boltzmann se puede aprox. a $5,67 \times 10^{-8} \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}^4}$)

Considere al sistema en régimen estacionario y calcule:

- a) la temperatura del aire contenido entre las paredes



$$S = A$$

$$T_1 = 600\text{K}$$

$$T_2 = 200\text{K}$$

$$T_i = \text{temp. interior}$$

$$\Phi_{\text{total}} = \Phi_1 = \Phi_2$$

$$\Phi_{\text{conv}} = h S \Delta T$$

Según el enunciado es solo convección

$$h S (T_1 - T_i) = h S (T_i - T_2)$$

$$600\text{K} - T_i = T_i - 200\text{K}$$

$$800\text{K} = 2 T_i$$

$$T_i = 400\text{K}$$

- b) el calor transmitido entre las paredes por unidad de tiempo y sup.

$$\frac{1}{S} \left(\frac{\Phi}{\Delta T} \right)_{\text{convección}} = \frac{1}{S} \cdot \left(\frac{\Phi}{\Delta T} \right) = \frac{1}{S} \cdot \Phi_{\text{conv}} = \frac{1}{S} h S \Delta T = h (T_i - T_2) =$$

$$= \frac{8\text{W}}{\text{m}^2\text{K}} \cdot \frac{(400\text{K} - 200\text{K})}{200\text{K}} = \frac{1600\text{W}}{\text{m}^2} = \Phi_{\text{conv}}$$

$$\Phi_{\text{NETA}} = \Phi_{\text{pared 1}} - \Phi_{\text{pared 2}} = \sigma e S (T_1^4 - T_2^4) = \sigma S (T_1^4 - T_2^4)$$

→ es cuerpo negro ⇒ e = 1

$$\text{Radiación} = \frac{1}{S} \left(\frac{\Phi_{\text{NETA}}}{\Delta T} \right) = \frac{1}{S} \sigma S (T_1^4 - T_2^4) = 5,67 \times 10^{-8} \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}^4} \cdot (600^4 - 200^4) \text{K}^4 = 7257,6 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$\frac{1}{S} \left(\frac{\Phi}{\Delta T} \right)_{\text{total}} = \Phi_{\text{conv}} + \Phi_{\text{rad}} = (1600 + 7257,6) \frac{\text{W}}{\text{m}^2} = \frac{8.857,6\text{W}}{\text{m}^2} = \frac{1}{S} \Phi_{\text{total}}$$

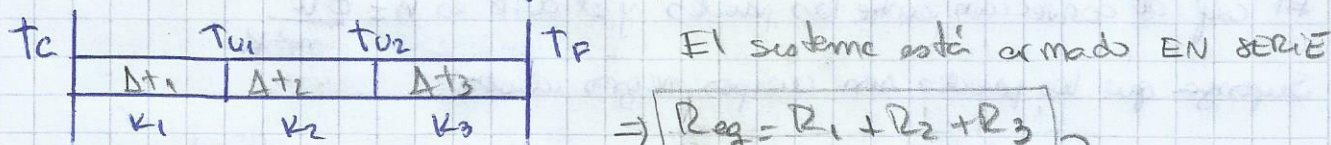
② Las tres barras de la fig. tienen igual longitud l e igual sección S . La relación entre sus conductividades térmicas: $k_1 = 2k_2 = 4k_3$.

Los fuentes térmicas tienen temperaturas T_F y $T_C > T_F$ y las uniones se hallan a temperatura T_{U1} y T_{U2} resp.

AK

Si no hay pérdidas laterales de calor, halla:

a) la resistencia térmica equivalente del conjunto (en términos de la conduct. k_3 , la sección S y la long. l)



$$\Rightarrow R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3$$

$$R_1 = \frac{1}{k_1} \cdot \frac{l}{S}$$

$$R_2 = \frac{1}{k_2} \cdot \frac{l}{S}$$

$$R_3 = \frac{1}{k_3} \cdot \frac{l}{S}$$

$$\left. \begin{array}{l} S_1 = S_2 = S_3 = S \\ l_1 = l_2 = l_3 = l \\ k_1 = 2k_2 = 4k_3 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$R_1 = \frac{1}{4k_3} \cdot \frac{l}{S}$$

$$R_2 = \frac{1}{2k_3} \cdot \frac{l}{S}$$

$$R_3 = \frac{1}{k_3} \cdot \frac{l}{S}$$

$$R_{eq} = \frac{l}{k_3 S} \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{2} + 1 \right)$$

$$R_{eq} = \frac{7}{4} \frac{l}{k_3 S}$$

b) la temperatura T_{U1} de la unión, en términos de T_C y T_{U2} , suponiendo régimen estacionario de transmisión de calor.

Config. en serie $\Rightarrow P = P_1 = P_2 = P_3$

$$P = \Phi$$

$$\frac{\Delta T_1}{R_1} = \frac{\Delta T_2}{R_2} = \frac{\Delta T_3}{R_3}$$

$$\frac{4k_3 S \Delta T_1}{l} = \frac{2k_3 S \Delta T_2}{l}$$

$$4 \Delta T_1 = 2 \Delta T_2$$

$$4(T_C - T_{U1}) = 2(T_{U1} - T_{U2})$$

$$4T_C - 4T_{U1} = 2T_{U1} - 2T_{U2}$$

$$4T_C + 2T_{U2} = 6T_{U1}$$

$$\Rightarrow T_{U1} = \frac{2T_C + T_{U2}}{3}$$

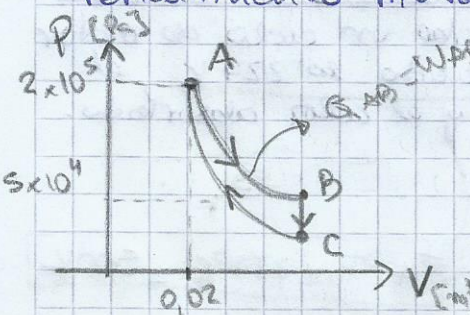
Termodinámica, 1º y 2º ppio y mec. térmica

1) Un mol de un gas ideal evoluciona desde un estado A hasta un estado B reversible e isotérmicamente.

Se enfría mediante una transformación BC reversible e isocórica y completa el ciclo mediante una compresión adiabática reversible CA.

Se sabe que $P_A = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$, $P_B = 5 \times 10^4 \text{ Pa}$; $V_A = 0,02 \text{ m}^3$
($c_p = \frac{5}{2} R$, $R = 8,314 \text{ J/mol K}$)

a) Indique si el ciclo ABCA es motor o frigorífico y calcule el rendimiento motor o la eficiencia frigorífica según corresponda



Como de C a A se comprime \Rightarrow el sentido dibujado es correcto
 $V_C > V_A$

Por el sentido del ciclo $\Rightarrow W > 0 \Rightarrow$ es MOTOR

$$W_{ABCA} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA} = mR T_A \ln\left(\frac{V_B}{V_A}\right) - m c_v \Delta T$$

en ciclo: $W_{ABCA} = Q_{ABCA}$

$$c_v = c_p - R = \frac{5}{2} R - R = \frac{3}{2} R = c_v$$

$P_0 = mRT$

$$T_A = \frac{P_A V_A}{mR} = \frac{2 \times 10^5 \text{ Pa} \cdot 0,02 \text{ m}^3}{1 \text{ mol} \cdot 8,314 \text{ J/mol K}} = 481 \text{ K} = T_A = T_B$$

$$T_A = T_B \Rightarrow P_A V_A = P_B V_B \Rightarrow V_B = \frac{P_A V_A}{P_B} = \frac{2 \times 10^5 \text{ Pa} \cdot 0,02 \text{ m}^3}{5 \times 10^4 \text{ Pa}} = 0,08 \text{ m}^3 = V_B$$

$$BC \text{ isocórica} \Rightarrow V_B = V_C = 0,08 \text{ m}^3$$

$$CA \text{ adiabática} \Rightarrow P_A V_A^{\frac{c_p}{c_v}} = P_C V_C^{\frac{c_p}{c_v}} \Rightarrow \frac{P_A V_A^{\frac{5}{3}}}{V_C^{\frac{5}{3}}} = P_C = 2 \times 10^5 \text{ Pa} \left(\frac{0,02 \text{ m}^3}{0,08 \text{ m}^3}\right)^{\frac{5}{3}}$$

$$P_C = 1,9848 \times 10^4 \text{ Pa} = 1,98 \times 10^4 \text{ Pa} = P_C$$

$$T_C = \frac{P_C V_C}{mR} = \frac{1,98 \times 10^4 \text{ Pa} \cdot 0,08 \text{ m}^3}{1 \text{ mol} \cdot 8,314 \text{ J/mol K}} = 191 \text{ K} = T_C$$

$$W_{ABCA} = mR T_A \ln\left(\frac{V_B}{V_A}\right) - m \frac{3}{2} R \cdot (T_A - T_C) = mR \cdot \left(481 \text{ K} \cdot \ln\left(\frac{0,08}{0,02}\right) - \frac{3}{2} (481 - 191) \text{ K}\right)$$

$$= 1 \text{ mol} \cdot 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} \cdot 231,8 \text{ K} = 1927 \text{ J} = W_{ABCA}$$

$$Q_1 = Q_{AB} = nR \ln(4) = 5.543 \text{ J}$$

$$\rho = \frac{W_{ABCA}}{Q_{AB}} = \frac{1977 \text{ J}}{5543 \text{ J}} = \boxed{0,35 = \rho}$$

b) Si el tramo de enfriamiento isocórico BC fuera irreversible, ¿cómo se calcularía la variación de la energía interna del ciclo irreversible ABCA?

EN TODO ciclo, la variación de energía interna es 0

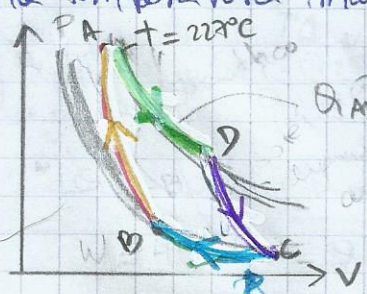
$$\therefore \boxed{\Delta U_{ABCA} = 0}$$

2) Un mol de un gas ideal diatómico describe un ciclo de motor de Carnot en el que la temperatura más elevada es 227°C , el trabajo en la expansión adiabática es 4157 J y el calor absorbido durante la expansión isotérmica es 100 J .

$$(C_V = \frac{5}{2}R; R = 8,314 \text{ J/mol K})$$

Determine:

a) la temperatura más baja del ciclo $\Rightarrow T_B = T_C$



- Datos $T_A = 227^\circ\text{C} = 500^\circ\text{K}$
 $W_{AB} = 4157 \text{ J}$
 $Q_{BC} = -100 \text{ J}$

$$W_{DC} = -n C_V \Delta T = -1 \text{ mol} \cdot \frac{5}{2} R (T_C - T_D) = -1 \text{ mol} \cdot \frac{5}{2} \cdot 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} (T_C - 500^\circ\text{K}) = 4157 \text{ J}$$

$$-20,785 \text{ J} + 10392,5 \text{ J} = -4157 \text{ J}$$

$$6235 \text{ J} = 20,785 \text{ J} T_B$$

$$\Rightarrow \boxed{T_B = 300^\circ\text{K}} = 27^\circ\text{C}$$

b) el calor entregado al medio ambiente durante la compresión isotérmica

$$Q_{CB} = ?$$

En un ciclo $Q = W$

$$Q_1 = Q_{AB} + Q_{BC}$$

$$Q_1 = Q_{AB} = 100 \text{ J}$$

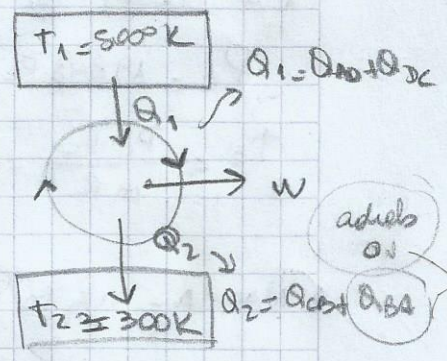
$$Q_2 = Q_{CD} + Q_{DA}$$

$$Q_2 = 0,6 Q_1 = 0,6 \times 100 \text{ J}$$

$$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300}{500} = 0,4$$

$$\eta = 0,4 = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \Rightarrow 0,6 = \frac{Q_2}{Q_1}$$

$$\Rightarrow \boxed{|Q_2| = 60 \text{ J}}$$



3) Un sistema compuesto por n moles de un gas ideal evoluciona en forma isobárica cuasiestática desde el estado A hasta el B. El trabajo termomecánico del sist. en dicha evolución es $W_{AB} = 600 \text{ J}$

Calcule la cantidad de calor Q_{AB} que el sist intercambia con el medio, considerando que su calor específico molar a presión constante es $c_p = \frac{5}{2} R$

isobara $\Rightarrow \Delta U_{AB} = Q_{AB} - W_{AB} = n c_p \Delta T - 600 \text{ J}$

$n c_v \Delta T = n c_p \Delta T - 600 \text{ J} \Rightarrow c_v = c_p - R$

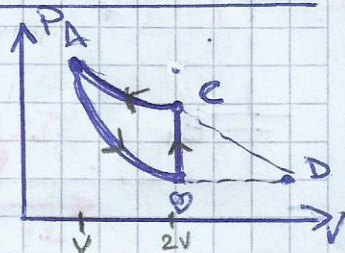
$600 \text{ J} = n c_p \Delta T - n (c_p - R) \Delta T = n \Delta T (c_p - c_p + R)$

$600 \text{ J} = n (T_B - T_A) R \Rightarrow nR = \frac{600 \text{ J}}{T_B - T_A} \text{ (I)}$

$Q_{AB} = n \cdot \frac{5}{2} R (T_B - T_A) \Rightarrow nR = \frac{Q_{AB} \cdot 2}{(T_B - T_A) \cdot 5} \text{ (II)}$

(I) y (II) $\frac{600 \text{ J}}{T_B - T_A} = \frac{Q_{AB} \cdot 2}{(T_B - T_A) \cdot 5} \Rightarrow Q_{AB} = 600 \text{ J} \cdot \frac{5}{2} = 1500 \text{ J} = Q_{AB}$

4) El gráfico muestra la evolución ABCA de 3 moles de un gas ideal diatómico $c_p = \frac{7}{2} R$; $R = 8,314 \text{ J/molK}$



La transformación AB es adiabática, en tanto que CA es isotérmica. El vol del estado B es el doble del vol. del estado A.

a) calcule el calor intercambiado por el gas en la transformación BC (en función de T_A)

$Q_{BC} = ?$

isocora

$W_{BC} = 0 \text{ J}$

$T_A = T_C$

\downarrow ΔT no calculado

$V_D = 2V_A$

$T_B = T_A \left(\frac{V_A}{V_B}\right)^{\frac{2}{5}} = T_A \left(\frac{V_A}{2V_A}\right)^{\frac{2}{5}} = T_A \cdot 0,758$

$Q_{BC} = n c_v \Delta T = 3 \text{ mol} \cdot \frac{5}{2} R (T_C - T_B) = 3 \text{ mol} \cdot \frac{5}{2} \cdot 8,314 \frac{\text{J}}{\text{molK}} (T_A - 0,758 T_A) = 15,09 \text{ J} T_A = Q_{BC}$

$= 15,09 \text{ J} T_A = Q_{BC}$

$Q_{BC} = n c_v \Delta T$

$c_v = c_p - R = \frac{7}{2} R - R$

$c_v = \frac{5}{2} R$

$\frac{c_p}{c_v} = \frac{7/2 R}{5/2 R}$

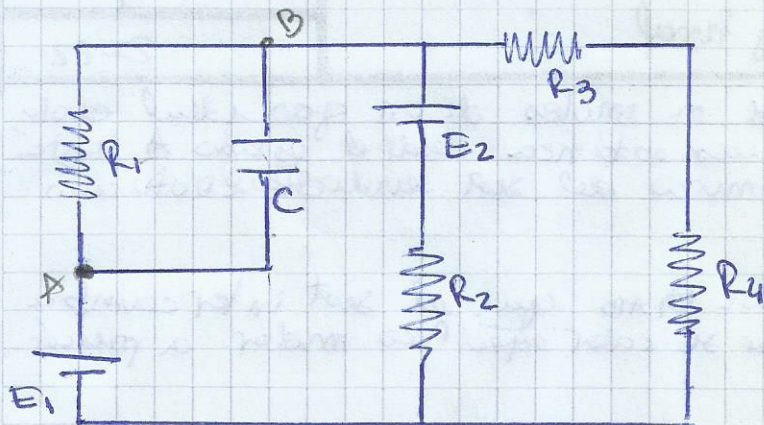
$PV = nRT$



b) = cond. B a D a presión constante, duplicando su vol. Hallar W_{BDC} con $T_A = 600 \text{ K}$

$W_{BDC} = - \frac{(V_D - V_B) \times (P_C - P_B)}{2} = - \frac{(2V_B - V_B) \times \left(\frac{nRT_C}{V_C} - \frac{nRT_B}{V_B} \right)}{2}$

$= - \left(\frac{V_B}{2}\right) nR \left(\frac{T_A}{V_B} - \frac{0,758 T_A}{V_B} \right) = - \frac{3 \text{ mol} \cdot 8,314 \text{ J} \cdot 145,2 \text{ K}}{2} = - 1810 \text{ J} = W_{BDC}$

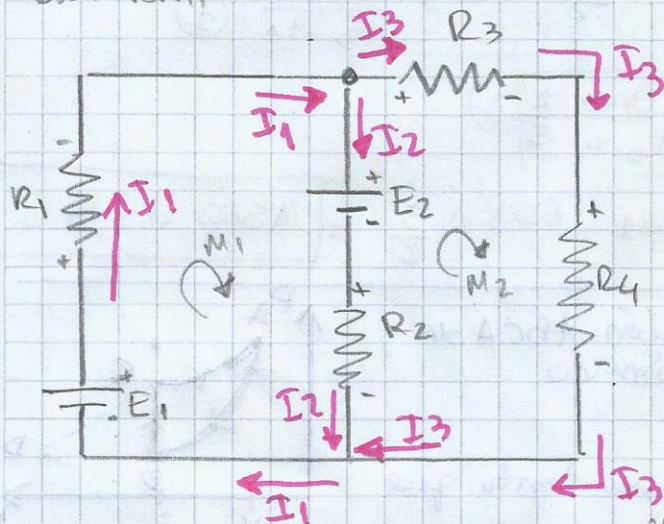


- $R_1 = 30 \Omega$
- $R_2 = 15 \Omega$
- $R_3 = 6 \Omega$
- $R_4 = 6 \Omega$
- $E_1 = 20V$
- $E_2 = 3V$
- $C = 10 \mu F$

13

Calcular la corriente en R_1 y la energía contenida en el capacitor

Supongo que C está cargado \Rightarrow no hay electricidad en esa rama



1º ley KIRCHHOFF: $I_1 = I_2 + I_3$

2º ley:

$(M_1) -E_1 + R_1 I_1 + E_2 + R_2 I_2 = 0$

$E_1 - E_2 = R_1 I_1 + R_2 I_2$

$(M_2) R_3 I_3 + R_4 I_3 - R_2 I_2 - E_2 = 0$

$E_2 = R_3 I_3 + R_4 I_3 - R_2 I_2$
 $(R_4 + R_3) I_3$

$(M_1) : 20 - 3 = 30 I_1 + 15 I_2$

$\xrightarrow{1^\circ \text{ ley}} 17 = 30 (I_2 + I_3) + 15 I_2$

$(M_2) : 3 = (6 + 6) I_3 - 15 I_2$

$17 = 45 I_2 + 30 I_3$ (I)

$3 = -15 I_2 + 12 I_3$ (II)

$\times I_2 \text{ II} \Rightarrow \begin{cases} I_2 = 19/165 = 0,115 \text{ A} \\ I_3 = 13/33 = 0,39 \text{ A} \end{cases}$

$I_1 = 0,51 \text{ A}$

\leftarrow la corriente en R_1

Para el capacitor:

$V_A = 20V$

$V_B = R_1 I_1 = 30 \Omega \cdot 0,51 \text{ A} = 15,3V = V_B$

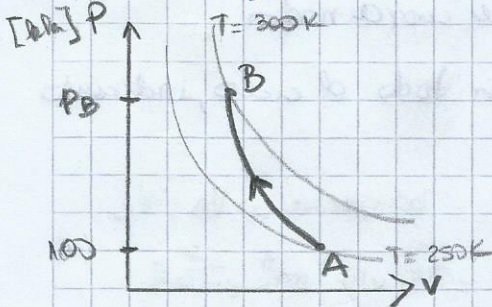
$\Delta V = V_A - V_B = 4,7$

$U = \frac{C V^2}{2} = \frac{10 \mu F (4,7V)^2}{2}$

$U = 110,45 \mu \text{ Nm}$

5) Tres moles de gas ideal, $c_v = \frac{5}{2}R$, se comprimen en forma adiabática desde un estado A, con una temp. $T_A = 250K$, hasta el estado B, con $T_B = 300K$. Calcular:

a) El trabajo hecho por el gas en la evolución AB



$$W_{AB} = -m c_v \Delta T = -3 \text{ mol} \cdot \frac{5}{2} \cdot 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot (300 - 250) \text{ K}$$

$$W_{AB} = -3117,75 \text{ J}$$

b) La presión que tendría el estado B si la presión del estado A fuese $P_A = 100 \text{ kPa}$ y la evolución fuese adiabática y cuantitativa

h

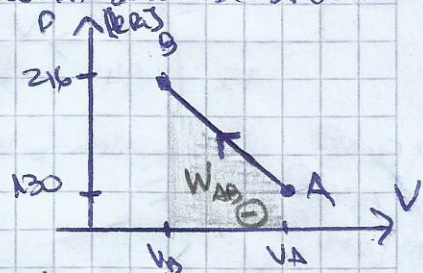
$$P_B = P_A \left(\frac{T_A}{T_B} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} = 100 \text{ kPa} \left(\frac{250 \text{ K}}{300 \text{ K}} \right)^{\frac{7}{2}} = 189,292 \text{ Pa}$$

$$P_B = 189,292 \text{ Pa}$$

$$\gamma = \frac{c_p}{c_v} = \frac{7/2 R}{5/2 R}$$

$$\frac{\gamma}{\gamma-1} = \frac{7/2}{1/2} = 7$$

6) Cuando 2 moles de un gas ideal ($c_v = \frac{3}{2}R$) evolucionaron desde el estado A hasta el B de la figura, su energía interna disminuye en $3,24 \text{ kJ}$ y su temperatura se reduce a $\frac{2}{3}$ del valor inicial. Las presiones de los estados A y B son 130 kPa y 216 kPa , respectivamente.



Calcular la cantidad de calor Q_{AB} que el sistema en intercambio con el medio. ($R = 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$)

$T_B = \frac{2}{3} T_A$
 $m = 2 \text{ moles}$
 $U_{AB} = -3,240 \text{ J}$

$$U_{AB} = Q_{AB} - W_{AB} = -3240 \text{ J}$$

$$U_{AB} = m c_v \Delta T = 2 \text{ mol} \cdot \frac{3}{2} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot (T_B - T_A) = 24,93 \frac{\text{J}}{\text{K}} \cdot \left(\frac{-T_A}{3} \right) = -3240 \text{ J} \Rightarrow T_A = 390 \text{ K}$$

$$T_B = 260 \text{ K}$$

$$V_A = \frac{m R T_A}{P_A} = \frac{2 \text{ mol} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}} \cdot 390 \text{ K}}{130 \text{ kPa}} = 0,05 \text{ m}^3 = V_A$$

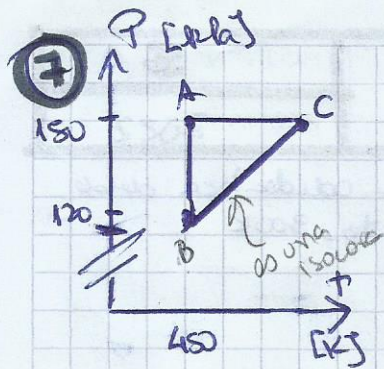
$$V_B = \frac{m R T_B}{P_B} = 0,02 \text{ m}^3 = V_B$$

$$W_{AB} = - \frac{(V_A - V_B) \cdot (P_A + P_B)}{2} = - \frac{(0,05 \text{ m}^3 - 0,02 \text{ m}^3) \cdot (130000 \text{ Pa} + 216000 \text{ Pa})}{2} = -5190 \text{ J}$$

$$U_{AB} = Q_{AB} - W_{AB} \Rightarrow Q_{AB} = U_{AB} + W_{AB} = -3240 \text{ J} - 5190 \text{ J} = -8430 \text{ J} = Q_{AB}$$

Área trapecio =  $\rightarrow \text{Área} = \frac{(b+a) \cdot c}{2}$

Puede ser Motor o máq. Frig.



Una máq. térmica opera con tres moles de gas ideal ($R = 8,314 \text{ J/mol K}$), que realicen el ciclo ABCA de la figura en el plano P-T.

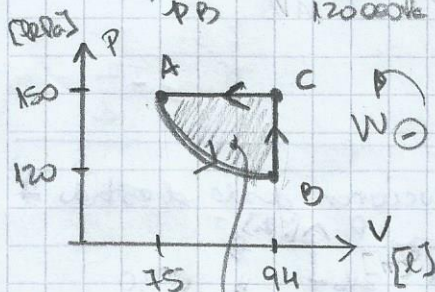
Le prolongación del segmento que representa a la evolución BC pase por el origen de coordenadas.

a) Calcular el calor intercambiado por el gas en todo el ciclo, indicando si es recibido o cedido por el mismo.

$P_B = 120 \text{ kPa}$ $P_A = P_C = 150 \text{ kPa}$ $T_B = T_A = 450 \text{ K}$ BC isocora $\Rightarrow V_B = V_C$

$V_A = \frac{nRT_A}{P_A} = \frac{3 \text{ mol} \cdot 8,314 \text{ J/mol K} \cdot 450 \text{ K}}{150 \text{ kPa}} = 0,075 \text{ m}^3 = V_A = 75 \times 10^{-3} \text{ m}^3 = 75 \text{ L}$

$V_B = \frac{nRT_B}{P_B} = \frac{3 \text{ mol} \cdot 8,314 \text{ J/mol K} \cdot 450 \text{ K}}{120 \text{ kPa}} = 0,094 \text{ m}^3 = V_B = V_C = 94 \times 10^{-3} \text{ m}^3 = 94 \text{ L}$



$U_{ABCA} = 0 \text{ J} = Q_{ABCA} - W_{ABCA}$
 $Q_{ABCA} = W_{ABCA} = -[(94 - 75) \text{ L} \times 150 \text{ kPa} - W_{BC}] =$
 $= -[2850 \text{ J} - nRT \ln(\frac{V_A}{V_B})] =$
 $= -(2850 \text{ J} - 2534 \text{ J}) = -315 \text{ J} = Q_{ABCA}$

$Q_{ABCA} = -315 \text{ J}$

b) Respecto del ciclo de la figura, indicar cuál es la señal que correcta.

$W_{BC} > 0$ (F) BC es un proceso isocórico $\Rightarrow W_{BC} = 0$

$U_{ABC} > U_{AC}$ (F) $U_{ABC} = U_C - U_A = U_{AC}$

$U_{AB} < 0$ (F) AB es isocórico $\Rightarrow \Delta U = 0$

$W_{ciclo} = W_{CA} + Q_{AB}$ (V) $W_{ciclo} = W_{ABCA} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA}$
 AB es isocórico $\Rightarrow Q_{AB} = W_{AB}$

$W_{ciclo} = Q_{AB} + W_{CA}$

$Q_{AC} = Q_{ABC}$ (F)

$Q_{AC} - Q_{ABC} = n C_V (T_C - T_A) - n R T_A \ln(\frac{V_B - V_A}{V_A}) - n C_V (T_C - T_B) = 0$ (TA=TB)

$= n R [(C_V + 1)(T_C - T_A) - T_A \ln(\frac{94}{75}) - C_V (T_C - T_A)] =$
 $= n R [(T_C - T_A) - T_A \ln(\frac{94}{75})] = n R (T_C - 5,55 T_A) \neq 0$

$C_V = \alpha R$
 $C_P = (\alpha + 1) R$

$W = Q_2 - Q_1 = 315 = Q_1 - 10000$

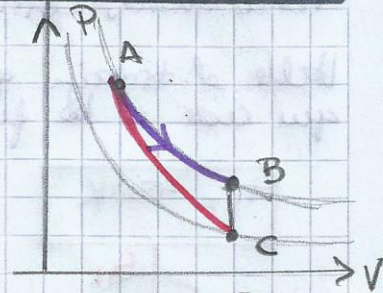
$\eta_{máq} = 1 - \frac{T_B}{T_C}$

$\eta_{máq} = 1 - \frac{450}{565} = 0,2$

$\eta_{máq} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{10000}{315} = ?$

NOTA

8) El gas realiza muestra tres posibles transformaciones que puede realizar en gas ideal diatómico ($c_p = \frac{7}{2}R$ y $c_v = \frac{5}{2}R$)



La transf. AB es una isotermia, en tanto que AC es una adiabática.

Se sabe que el temp. $t_c = \frac{4}{5} t_A$

a) Hallar la presión del estado C en términos solo de presión de A

$t_c = \frac{4}{5} t_A$ $\gamma = \frac{c_p}{c_v} = \frac{7/2 R}{5/2 R} = \frac{7}{5} = \gamma$ lo dibujo por lo que dice el enunciado y por lo que está en los respuestas $\rightarrow \frac{1-\gamma}{\gamma} = -2/7$

AC es transf. adiabática $\Rightarrow T_A P_A^{1/\gamma} = T_C P_C^{1/\gamma}$
 $T_A P_A^{-2/7} = \frac{4}{5} T_A P_C^{-2/7}$

$\frac{1}{P_A^{2/7}} = \frac{5}{4} \frac{1}{P_C^{2/7}} \Rightarrow P_C^{2/7} = \frac{5}{4} P_A^{2/7}$

$P_C = \sqrt[7]{\frac{5}{4}} P_A^{2/7} = \left(\frac{5}{4}\right)^{7/2} (P_A^{2/7})^{1/2}$

$P_C = 2,184 P_A$

b) Marque LA afirmación correcta:

$Q_{AC} = Q_C$ y $U_{CB} = 0$ (F)

$W_{ADC} = W_{AB}$ y $Q_{ABC} = 0$ (F)

$Q_{AC} > 0$ y $U_{AC} > 0$ (F)

AC adiós $\Rightarrow Q_{AC} = 0$ $\neq mR (T_B \ln \frac{V_B}{V_A} - \frac{5}{2} (T_B - T_C)) > 0$ pues $V_B > V_A$

$Q_{AC} < Q_{AB}$ y $U_{CB} = 0$ (V)

$U_{CB} = U_B - U_A = U_{AB} = 0$

$Q_{AC} = 0$ $Q_{AB} = mR T \ln \frac{V_B}{V_A} > 0$ > 0 pues $V_B > V_A$

$t_c = t_A \frac{4}{5} = t_B \frac{4}{5}$

$W_{AB} > W_{AC}$ y $Q_{AB} = 0$ (F) $Q_{AB} > 0$

$Q_{AC} = Q_{CB}$ y $Q_{AB} > 0$ (F)

$Q_{ABC} = Q_{AB} + Q_{BC} = mR T_B \ln \frac{V_B}{V_A} + m \frac{5}{2} R (T_C - T_B)$

$Q_{ACB} = Q_{AC} + Q_{CB} = m \frac{5}{2} R (T_B - T_C) = m \frac{5}{2} R (T_B - \frac{4}{5} T_B)$

$Q_{ABC} = mR [T_B \ln \frac{V_B}{V_A} + \frac{5}{2} \frac{4}{5} (T_B - T_C)] = mR T_B (\ln \frac{V_B}{V_A} - \frac{1}{2}) = Q_{ACB}$

$Q_{ACB} = mR T_B \frac{1}{2}$

$\ln \frac{V_B}{V_A} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ solo es $V_B = e^{1/4} V_A$

$V_B = e^{1/4} V_A$

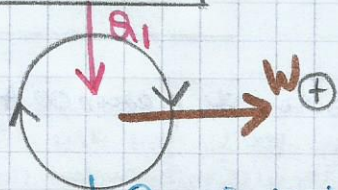
NOTA

9) El rendimiento térmico de un motor térmico real que trabaje entre una fuente a 300K y otra a 450K es igual a los $\frac{3}{4}$ del máximo rendimiento correspondiente a esas temperaturas

Halle el trabajo que efectúa el motor real por cada 60 kJ de calor que cede a la fuente fría

$$T_1 = 450 \text{ K}$$

$$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300 \text{ K}}{450 \text{ K}} = \frac{1}{3} = \eta_{\text{ideal}}$$



$$\eta_{\text{real}} = \frac{3}{4} \eta_{\text{ideal}} = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{4} = \eta_{\text{real}}$$

$$\eta_{\text{real}} = \frac{1}{4} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{60 \text{ kJ}}{Q_1} = \frac{1}{4}$$

$$T_2 = 300 \text{ K}$$

$$60 \text{ kJ} \Rightarrow |Q_2| = 60 \text{ kJ}$$

$$\frac{60 \text{ kJ}}{Q_1} = \frac{3}{4} \Rightarrow Q_1 = 80 \text{ kJ}$$

$$W = Q_1 - Q_2 = 80 - 60 = 20 \text{ kJ} = W$$

10) Una máquina térmica frigorífica trabaja entre dos fuentes de temperaturas $T_1 = 1600 \text{ K}$ y $T_2 = 800 \text{ K}$.

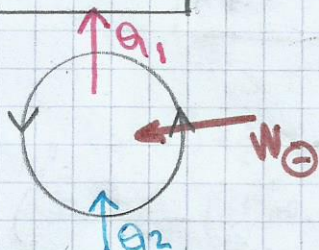
Si la cont. de calor intercambiada con la fuente fría es $|Q_2| = 800 \text{ J}$ y $|W| = 200 \text{ J}$ es el trabajo que se le entrega en cada ciclo:

a) calcule la eficiencia de la máquina.

$$T_1 = 1600 \text{ K}$$

$$W = -200 \text{ J}$$

$$e = \frac{T_2}{T_1 - T_2} = \frac{800 \text{ K}}{1600 \text{ K} - 800 \text{ K}} = \frac{1}{2} = e_{\text{ideal}}$$



$$Q_2 = 800 \text{ J}$$

$$W = Q_2 - Q_1 \Rightarrow -200 \text{ J} = 800 \text{ J} - Q_1$$

$$Q_1 = 1000 \text{ J}$$

$$T_2 = 800 \text{ K}$$

$$e_{\text{máq}} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} = \frac{800 \text{ J}}{1000 \text{ J} - 800 \text{ J}} = \frac{1}{2} = e_{\text{máq}}$$

b) Justifique si esta máquina es reversible, irreversible o imposible

$$e_{\text{ideal}} \text{ (hallado en a)} = \frac{1}{2}$$

$$e_{\text{máq}} = \frac{1}{2}$$

$$e_{\text{ideal}} < e_{\text{máq}}$$

la máquina es
IMPOSIBLE

Electrostática, Dieléctricos y Capacidad eléctrica

① El potencial eléctrico V en una región del espacio está dado por $V = ax^2 + ay^2 - 2az^2$ [V; m] donde "a" es una constante.

Si el trabajo realizado por la fuerza eléctrica sobre una carga puntual de $2 \mu\text{C}$ cuando se desplaza desde el punto $(0; 0; 0.1\text{m})$ hasta el origen es de $-5 \times 10^{-5} \text{ J}$, calcular la constante "a".

$q = 2 \mu\text{C}$ $A = (0; 0; 0.1)\text{m}$ $B = (0; 0; 0)\text{m}$ $W_{A \rightarrow B} = -5 \times 10^{-5} \text{ J}$

$W_{AB} = q(V_A - V_B)$ Para hallar V_A y V_B utilizo el dato: $V = ax^2 + ay^2 - 2az^2$
 $V_A = [a \cdot 0^2 + a \cdot 0^2 - 2a(0.1)^2] \text{ m}^2 \text{ V} \Rightarrow V_A = -0.02a \text{ m}^2 \text{ V}$

$V_B = 0 \text{ V} \Rightarrow V_A - V_B = -0.02a \text{ m}^2$

$-5 \times 10^{-5} \text{ J} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ C} \cdot (-0.02a \text{ m}^2) \Rightarrow a = \frac{5 \times 10^{-5}}{2 \times 0.02} \Rightarrow \boxed{a = 1250} \frac{\text{V}}{\text{m}^2}$

② El anillo de radio R de la figura ubicado en el plano XY y con centro en el origen, está cargado con densidad lineal de carga $\lambda = \lambda_0 \cos \theta$ ($\lambda_0 > 0$), y θ medido posit. sentido anti horario a partir del semieje positivo x)

a) Calcular el potencial de la config. respecto del infinito, en todo punto del eje Z

$\lambda = \lambda_0 \cos \theta$

$\vec{E} \perp$ eje Z para cualquier punto de la circ.

\Rightarrow Entonces, como $\cos \theta = \cos \frac{\pi}{2} = 0 \Rightarrow V = 0$

$\vec{r} = (0, 0, z)$; $\vec{r}' = (R \cos \theta, R \sin \theta, 0) d\theta'$ $d\vec{r}' = \lambda_0 \theta' R d\theta'$

$V = k_0 \lambda_0 R \int_0^{2\pi} \frac{\cos \theta'}{\sqrt{R^2 + z^2}} d\theta' = 0$

b) Indicar cuál de los sig. graficos corresponde a la configuración.

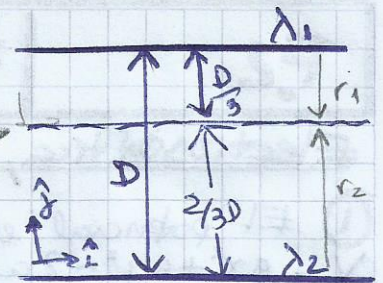
La flecha representa la dirección y sentido de campo electrostático \vec{E} en el origen. V_A y V_B son los potenciales de los puntos A y B : $A = (2R; 0; 0)$ $B = (3R; 0; 0)$

a) $V_A < V_B$
 b) $V_A > V_B$
 c) $V_A = V_B$
 d) $V_A > V_B$
 e) $V_A < V_B$
 f) $V_A < V_B$

$A = (2R; 0; 0)$ } A está más cerca del anillo $\Rightarrow V_A > V_B \Rightarrow$ podría ser B o D
 $B = (3R; 0; 0)$ } pero $\vec{E} \neq 0$



- 3) Los dos alambres finitos de la figura están cargados con densidades uniformes de carga λ_1 y λ_2 respectivamente. \vec{E} se anula en los puntos a $D/3$ del alambre de λ_1 . Hallar la relación entre las densidades de carga λ_1 y λ_2 .



Se que en los puntos

$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = 0$$

$$\vec{E}_1 = -\vec{E}_2$$

$$\vec{E}_1 = \frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 \cdot r_1} \cdot \vec{r}_1 = \frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 \frac{D}{3}} (-\hat{j})$$

$$\vec{E}_2 = \frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 r_2} \cdot \vec{r}_2 = \frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 \frac{2D}{3}} \hat{j}$$

$$\left. \begin{aligned} & -\frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 D} \hat{j} = -\frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 2D} \hat{j} \\ & \lambda_1 = \frac{\lambda_2}{2} \Rightarrow \boxed{2\lambda_1 = \lambda_2} \end{aligned} \right\}$$

- 4) Dos esferas conductoras concéntricas de radios r_A y r_B están cargadas con cargas espaciales $Q_A > 0$ y $Q_B < 0$ resp. ($Q_A = |Q_B|$) $r_B > r_A$. Se transporta una carga $q < 0$ desde la esfera interior (A) a la exterior (B).

Si W_{AB} representa el trabajo de la F_e para llevar q desde A a B, E representa el módulo del campo eléctrico, C es la cap. entre los conductores

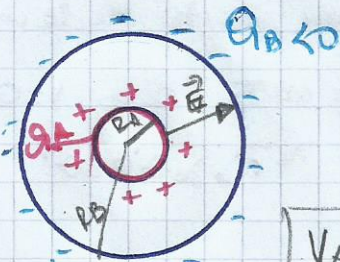
$$W_{AB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad \text{Entonces:}$$

$$Q_A = |Q_B| \Rightarrow E(r > r_B) = 0$$

$$W_{dAB} = \frac{1q}{4\pi\epsilon_0} \cdot Q_A \left(\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right)$$

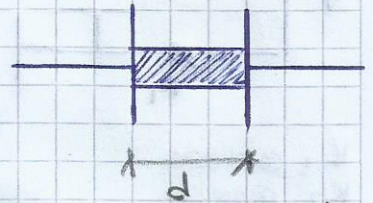
$$\boxed{E(r > r_B) = 0 \quad \text{y} \quad W_{dAB} = k_0 |q| Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})}$$

$$\boxed{V_A > V_B \quad \text{y} \quad C = 4\pi\epsilon_0 \left(\frac{r_A r_B}{r_B - r_A} \right)}$$



$Q_A > 0$

- 5) Un capacitor plano, completamente cargado, tiene capacidad C_0 y el medio entre sus placas es el vacío. Se reduce a la mitad el área de los platos y se rellena con un dieléctrico $\epsilon_r = 10$ la tercera parte del espacio (como muestra la fig.).

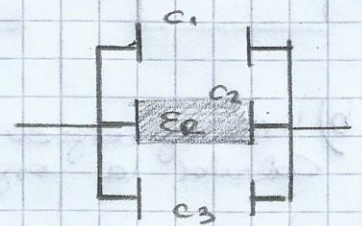


Hallar la expresión de:

- a) la nueva capacidad C en función de C_0

$$C_0 = \frac{\epsilon_0 A_0}{d_0} \quad A_f = \frac{A_0}{2} \quad \epsilon_r = 10$$

La configuración del capacitor del enunciado se puede considerar como "en paralelo" \rightarrow



$$C_f = C_1 + C_2 + C_3 = \frac{\epsilon_0 A_f / 3}{d_f} + \frac{\epsilon_0 \epsilon_r A_f / 3}{d_f} + \frac{\epsilon_0 A_f / 3}{d_f} =$$

$$\boxed{d_f = d_0} \Rightarrow \frac{\epsilon_0}{d_0} \cdot \frac{1}{3} \left(\frac{A_0}{2} + \frac{10 \cdot A_0}{2} + \frac{A_0}{2} \right) = \frac{\epsilon_0}{d_0} \cdot \frac{1}{3} A_0 \cdot 6 = \frac{\epsilon_0 A_0}{d_0} \cdot 2 = \overset{C_0}{\frac{\epsilon_0 A_0}{d_0} \cdot 2}$$

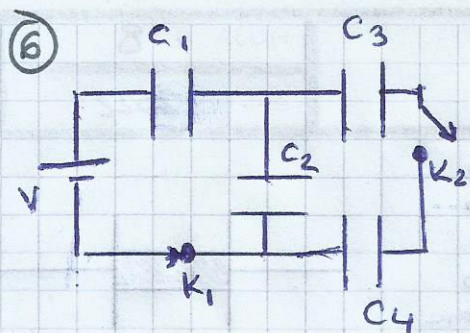
$$\boxed{C_f = 2C_0}$$

- b) El módulo del vector polarización eléctrica en cada región del capacitor en la config. final, si se le aplica una diferencia de potencial V entre los platos y d es la distancia entre las mismas

En el vacío, el vector polarización es Nulo $\Rightarrow |P_1| = |P_3| = 0$

Para la región con dieléctrico: $|P| = \epsilon_0 \left(\frac{\epsilon_r}{10} - 1 \right) \cdot E \quad \uparrow \quad E = \frac{V}{d}$

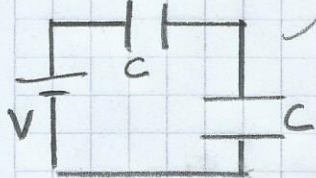
$$\boxed{|P_2| = 9\epsilon_0 \frac{V}{d}}$$



La fuente de la figura entrega 12V y los capacitores son todos iguales con capacidad $C = 2 \mu\text{F}$ y se hallan inicialmente descargados.

a) Calcular la energía almacenada en el sist. con la llave K_1 cerrada y K_2 abierta

K_1 cerrada
 K_2 abierta



Se considere una config. en serie por lo tanto (y $C_1 = C_2$)

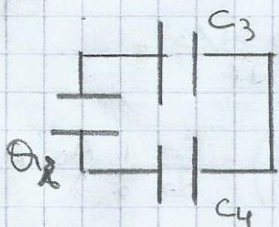
$$C_{eq} = \frac{C}{2} = \frac{2 \mu\text{F}}{2}$$

$$C_{eq} = 1 \mu\text{F}$$

$$\Delta U = \frac{C_{eq} V^2}{2} = \frac{1 \mu\text{F} \cdot (12\text{V})^2}{2} = 72 \text{ J} = U$$

b) Una vez cargado C_2 se habra la llave K_1 y luego se cierra K_2 . Calcular la carga final en cada capacitor

K_2 cerrada
 K_1 abierta



Se abre $K_1 \Rightarrow$ se desconecta la fuente
 \Rightarrow se conserva Q

$$Q_{\text{estado ant}} = V \cdot C_{eq} = 12\text{V} \cdot 1 \mu\text{F} = 12 \mu\text{C} = Q$$

$$Q_i = 12 \mu\text{C} = Q_{C_{34}} + Q_{C_2} \quad \text{I}$$

C_3 y C_4 están en serie $\Rightarrow Q = Q_{C_3} = Q_{C_4}$

$$\text{Además: } \frac{Q_{C_2}}{C_2} = \frac{Q_{C_{34}}}{C_{34}} \Rightarrow \frac{1 \mu\text{F}}{C_3} Q_{C_2} = \frac{2 \mu\text{F}}{C_2} Q_{C_{34}} \quad \text{II}$$

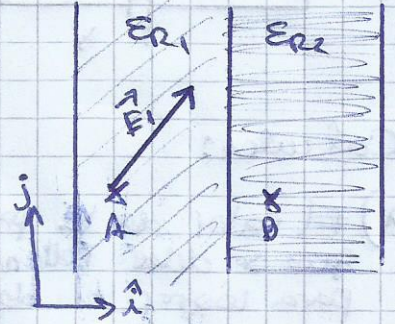
$$\begin{cases} \text{I} & Q_{C_{34}} + Q_{C_2} = 12 \\ \text{II} & 2Q_{C_{34}} - Q_{C_2} = 0 \end{cases} \Rightarrow$$

$$Q_{C_{34}} = 4 \mu\text{F} \quad \times C_3 \text{ y } C_4$$

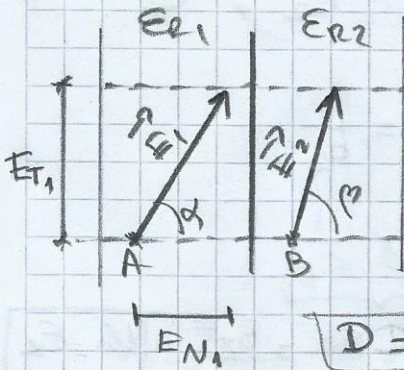
$$Q_{C_2} = 8 \mu\text{F} \quad \times C_2$$

4) La fig. muestra una región del espacio en la que hay dos materiales dieléctricos lineales, isotrópicos y homogéneos, de $\epsilon_{r1} = 3$ y $\epsilon_{r2} = 5$, separados por una sep. plana.

El campo electrostático dentro de cada material es uniforme; en el punto A es $\vec{E}_1 = (120; 160) \text{ V/m}$.



Calcular el vector desplazamiento eléctrico \vec{D}_2 en el punto B ($\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$)



$$E_{T1} = E_{T2} \Rightarrow E_{T2} = 160 \text{ V/m}$$

$$E_{N1} = 120 \text{ V/m}$$

Como $\epsilon_{r2} > \epsilon_{r1} \Rightarrow \beta > \alpha$

$$\frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = \frac{\epsilon_{r1}}{\epsilon_{r2}}$$

$$\tan \alpha = \frac{160}{120}$$

$$\tan \beta = \frac{\tan \alpha \cdot \epsilon_{r2}^5}{\epsilon_{r1}^3} = \frac{20}{9} = \tan \alpha$$

$$D_{1i} = \epsilon_0 \epsilon_{r1} E_{1i}$$

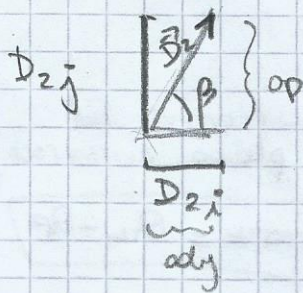
$$D_{2j} = \epsilon_0 \epsilon_{r2} E_{2j}$$

$$E_{2j} = E_{T2} = 160 \text{ V/m}$$

$$D_{2j} = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2} \cdot 5 \cdot \frac{160 \text{ V}}{\text{m}} = 7,08 \times 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

$$V = \frac{\text{Nm}}{\text{C}}$$

$$C = \frac{\text{Nm}}{\text{V}}$$

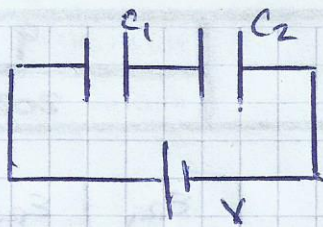


$$\tan \beta = \frac{op}{ady} = \frac{D_{2j}}{D_{2i}} = \frac{20}{9} \Rightarrow D_{2i} = \frac{D_{2j} \cdot 9}{20}$$

$$D_{2i} = 3,186 \times 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

$$\vec{D}_2 = (3,186 \text{ i} + 7,08 \text{ j}) \cdot 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

8



Los capacitores $C_1 = 0,5 \mu\text{F}$ y $C_2 = 8 \mu\text{F}$ de la figura están conectados a una fuente de 100V , entre placas de C_1 hay vacío.

Se desea que el conjunto tenga una capacidad igual a la mitad de C_2 .

Calcular:

a) El valor de la permitividad relativa ϵ_r del dieléctrico con el que se debe rellenar totalmente el espacio entre las placas de C_1 para lograr el objetivo.

La config. está en serie $\Rightarrow \frac{1}{C_{\text{eq final}}} = \frac{1}{C_1'} + \frac{1}{C_2} = \frac{2}{C_2}$

$C_{\text{eq final}} = \frac{C_2}{2} \Rightarrow \frac{1}{C_{\text{eq final}}} = \frac{2}{C_2}$

$C_1 = \frac{\epsilon_0 \cdot A}{d} \rightarrow C_1' = \frac{\epsilon_0 \cdot A}{d} \cdot \epsilon_r = C_1 \epsilon_r$

$\frac{1}{C_1'} = \frac{1}{C_2}$

$\frac{1}{C_1 \epsilon_r} = \frac{1}{C_2}$

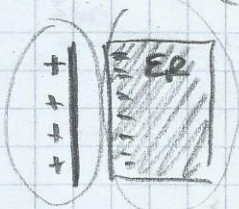
$\frac{C_2}{C_1} = \epsilon_r = \frac{8 \mu\text{F}}{0,5 \mu\text{F}} = \boxed{16 = \epsilon_r}$

b) Si el espacio entre las placas de C_1 se llenase completamente de un dieléctrico de $\epsilon_r = 12$ y se mantuviera conectado con C_2 a la misma fuente ¿cuál sería el valor absoluto de las cargas de polarización en la sup. del dieléctrico en contacto con una de las placas de C_1 ?

$\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \frac{1}{\epsilon_r C_1} + \frac{1}{C_2} = \frac{1}{12 \cdot 0,5 \mu\text{F}} + \frac{1}{8 \mu\text{F}} \Rightarrow C_{\text{eq}} = \frac{24}{7} \mu\text{F} \approx 3,43 \mu\text{F}$

$Q = C_{\text{eq}} \cdot V = \frac{24}{7} \mu\text{F} \cdot 100\text{V} = \boxed{343 \mu\text{C} = Q_L}$

Si encerramos una placa de C_1 por el otro lado encerramos al dieléctrico (la parte que está en contacto con la placa encerrada)



$\Phi_E = \frac{Q_{\text{TOTAL}}}{\epsilon_0} = \frac{Q_L}{\epsilon_r \epsilon_0}$

$Q_{\text{TOTAL}} = Q_L - Q_P$

$Q_L - Q_P = \frac{Q_L}{\epsilon_r} \Rightarrow Q_P = Q_L - \frac{Q_L}{\epsilon_r} = Q_L \left(1 - \frac{1}{\epsilon_r}\right)$

$Q_P = 343 \mu\text{C} \cdot \left(1 - \frac{1}{12}\right) = \boxed{314 \mu\text{C} = Q_P}$

Electrodinámica



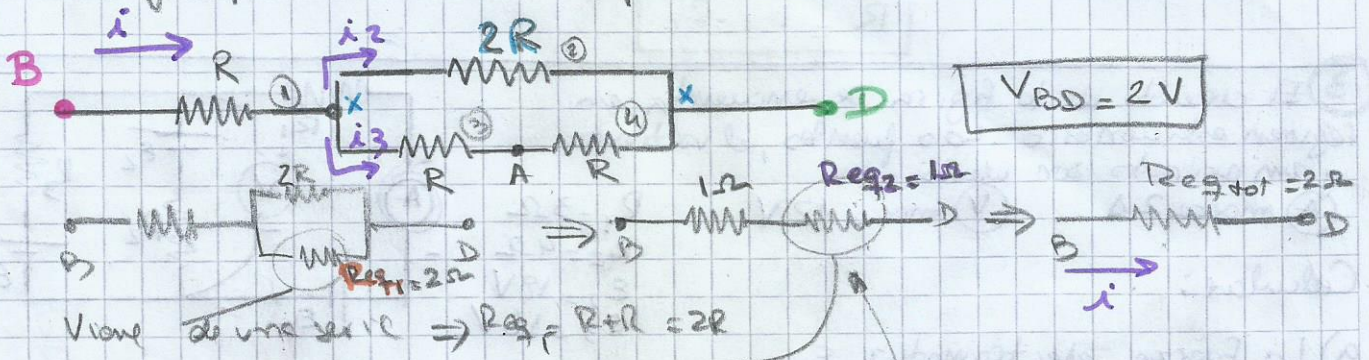
El circuito de la figura está en régimen estacionario y para todos los resistores es $R = 1\Omega$

La corriente en uno de los resistores de resist. $2R$ tiene el sentido indicado y su intensidad es $I = 1A$

Determinar el potencial del punto A respecto de tierra.

$$\Delta V_{BD} = 2R \cdot I = 2\Omega \cdot 1A = 2V = V_{BD}$$

Redibujó parte del circuito para hallar $V_{A \rightarrow T}$



Viene de una serie $\Rightarrow R_{eq1} = R + R = 2R$

$$R_{eq2} = \frac{2R \cdot R_{eq1}}{R + R_{eq1}} = \frac{2R \cdot 2R}{2R + 2R} = R \Rightarrow R_{eq2} = 1\Omega$$

$$R_{eq\ total} = R + R_{eq2} = R + 1 \cdot R = 2R = R_{eq} = 2\Omega$$

$$i = \frac{V_{BD}}{R_{eq\ total}} = \frac{2V}{2\Omega} = 1A = i$$

$$i = i_2 + i_3$$

$$R_{eq2} \cdot i = 2R i_2 = R_{eq1} \cdot i_3$$

$$i = i_2 + i_3$$

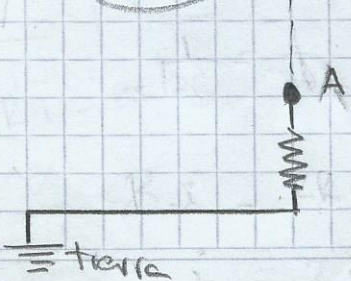
$$i = i_2 + i_2 = 2i_2 \Rightarrow i_2 = i_3 = \frac{1}{2}A$$

$$1A = 2i_2 = 2i_3$$

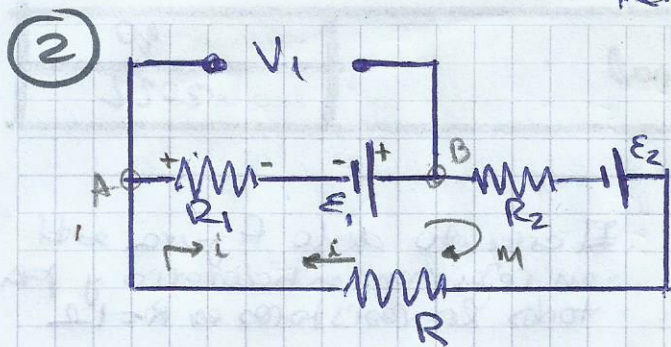
$$1A = i_3$$

$$V_{A \rightarrow tierra} = R \cdot i_3 = 1\Omega \cdot 0,5A = 0,5V$$

$$V_{A \rightarrow T} = V$$



fem \Rightarrow V dtaje marcado sobre una batería



Dos baterías tienen la misma fem pero diferentes resistencias internas R_1 y R_2 y se encuentran conectados en serie a un resistor externo R .

Hallar la expresión de R en función de R_1 y R_2 para que la dif. de pot. V_1 entre los bornes de la primera batería sea nula.

$$E_1 = E_2 = E$$

$$E = Ri$$

$$R_1, R_2, R \text{ están en serie} \Rightarrow R_{eq} = R + R_1 + R_2$$

$$(M) \quad \begin{matrix} E+E=2E \\ E_1+E_2 = R_2 i + R_1 i + R i = i(R_2 + R_1 + R) \end{matrix} \Rightarrow i = \frac{2E}{R + R_1 + R_2} \quad (I)$$

$$V_1 = \Delta V_{AB} = +R_1 i - E_1 = 0 \Rightarrow R_1 i = E$$

$$i = \frac{E}{R_1} \quad (II)$$

$$(I) \quad \frac{2E}{R + R_1 + R_2} = \frac{E}{R_1} \Rightarrow 2R_1 = R + R_1 + R_2$$

$$R = R_1 - R_2$$

3) El circuito de la figura se encuentra en régimen estacionario. Las fuentes, el voltímetro y amperímetro son ideales.

(A) marca 2 A

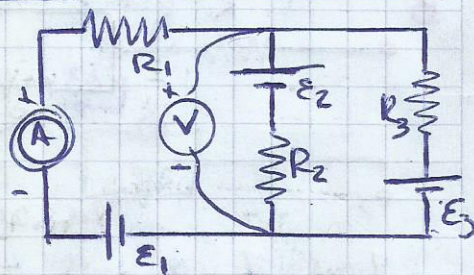
(V) marca 12 V

$$R_1 = 3 \Omega$$

$$R_2 = 4 \Omega$$

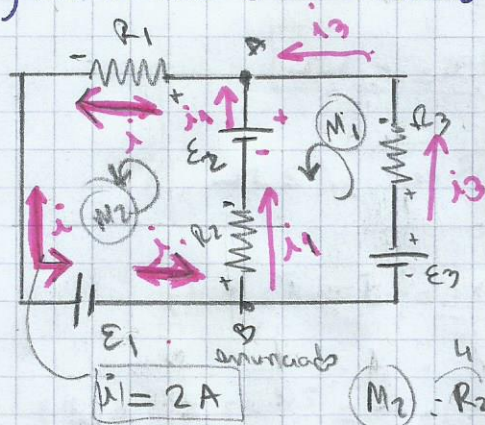
$$E_2 = 18 V$$

$$E_3 = 16 V$$



Calcular:

a) La fuerza electromotriz E_1



$$V_{AB} = 12 V = E_2 - R_2 \cdot i_1$$

$$4 \Omega i_1 = 6 V \Rightarrow i_1 = 1.5 A$$

$$i = i_1 + i_3 \Rightarrow i_3 = 0.5 A$$

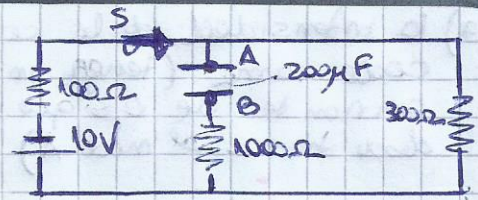
$$(M_1) \quad R_3 i_3 - R_2 i_1 = E_3 - E_2 \Rightarrow R_3 = 8 \Omega$$

$$(M_2) \quad R_2 i_1 + R_1 i = E_2 - E_1 \Rightarrow E_1 = 6 V$$

b) El valor de la resistencia R_3

$$R_3 = 8 \Omega$$

4) En el circuito de la figura, el interruptor S ha permanecido cerrado hasta lograr que el capacitor se encuentre completamente cargado.



a) Calcular la carga en cada placa del capacitor indicando cuál de ellas se halla a mayor potencial (A o B)

Regimen estacionario

$$i = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{10V}{400\Omega} = 0,025 A = i$$



→ serie $\Rightarrow R_{eq} = R_1 + R_2 = 100\Omega + 300\Omega = 400\Omega$



$$V_{A \rightarrow B} = R_1 i - E = 100\Omega \cdot 0,025 A - 10V = -7,5V$$

$$V_{A \rightarrow B} < 0 \Rightarrow V_B > V_A$$

$$Q = V_{AB} C = 7,5V \cdot 200 \mu F = 1,5 mC = Q$$

b) Si ahora (en $t=0$) se abre la llave ¿cuánto tiempo debe transcurrir para que la carga del capacitor disminuya al 20% del valor inicial?

$$Q_0 = 1500 \mu C \Rightarrow Q_f = Q_0 \cdot 0,2 = 300 \mu C = Q_f$$

$$Q(t) = Q e^{-\frac{t}{RC}}$$

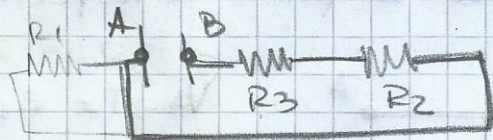
$$300 \mu C = 1500 \mu C e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$0,2 = e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$\ln(0,2) = -\frac{t}{RC}$$

$$\ln(0,2) (-0,26) = -t = 0,418 \text{ seg}$$

$$t = 418 \text{ mseg}$$



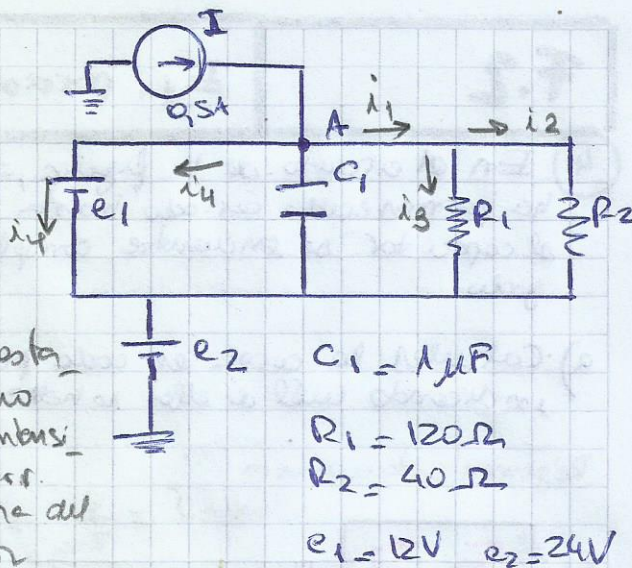
$$R = R_3 + R_2 = 1000\Omega + 300\Omega$$

$$R = 1300\Omega$$

$$R \cdot C = 1300\Omega \cdot 200 \mu F = 260000 \mu F = 0,26 \Omega F$$

5) Para el circuito de la figura, en estado estacionario, calcular:

a) la intensidad de la corriente de cada rama (tenga en cuenta la corriente de 0,5 que ingresa desde tierra al nodo A)



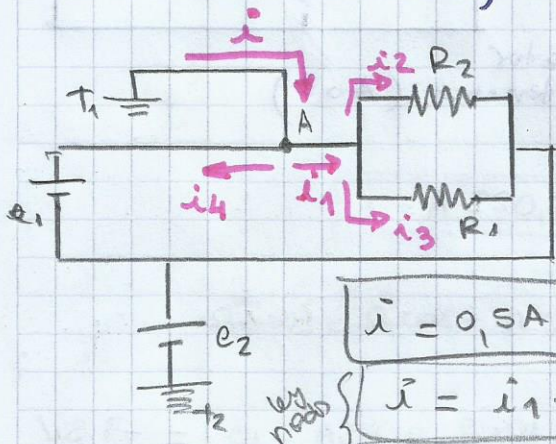
En estado estacionario, no circula corriente por el capacitor x lo mismo del capacitor

$$C_1 = 1 \mu F$$

$$R_1 = 120 \Omega$$

$$R_2 = 40 \Omega$$

$$e_1 = 12V \quad e_2 = 24V$$



$$i = 0,5A \text{ (anunciado)}$$

$$i = i_1 + i_4 \quad \text{I}$$

$$i_1 = i_2 + i_3 \quad \text{II}$$

$$V_A = V_{R_2} = V_{R_1} = e_1 = 12V$$

$$12V = i_2 R_2 = i_2 \cdot 40 \Omega$$

$$\text{III} \quad i_2 = 0,3A \times R_2$$

$$12V = i_3 R_1 = i_3 \cdot 120 \Omega$$

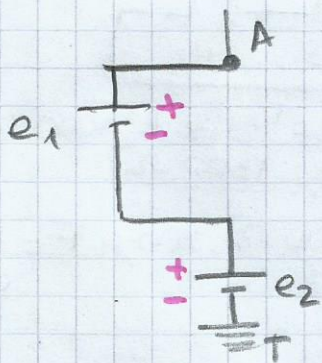
$$\text{IV} \quad i_3 = 0,1A \times R_1$$

$$\text{en II} \Rightarrow \text{III} + \text{IV} = i_1 = 0,3A + 0,1A$$

$$i_1 = 0,4A$$

$$\text{en I} \quad 0,5A = 0,4A + i_4 \Rightarrow i_4 = 0,1A$$

b) el potencial del punto A respecto de tierra



$$V_{A \rightarrow T} = e_1 + e_2 = 12V + 24V = 36V$$

$$V_{A \rightarrow T} = 36V$$